

تم تحميل وعرض المادة من منصة

حقيبتك

www.haqibati.net



منصة حقيبتك التعليمية

منصة حقيبتك هو موقع تعليمي يعمل على تسهيل العملية التعليمية بطريقة بسيطة وسهلة وتوفير كل ما يحتاجه المعلم والطالب لكافة الصفوف الدراسية كما يحتوي الموقع على حلول جميع المواد مع الشروح المتنوعة للمعلمين.

ثانوية القدس

أوراق عمل رياضيات للصف الأول الثانوي - رياضيات ١-٢



اسأل الله ان يجعلها خالصه لوجهه الكريم ..
وان يجعلها صدقة جارية لـ **والدي** - رحمه الله -
وان يجعلها صدقة جارية لي و لكل من استعملها .
و اسأل الله الكريم رب العرش العظيم ان يحرم وجوهكم عن
النار .

عبدالمجيد العتيبي

المثلثات المتطابقة
Congruent Triangles

الفصل
3

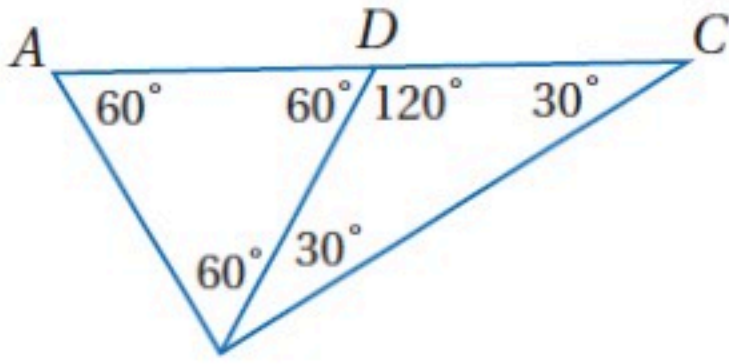


تصنيف المثلثات

Classifying triangles

مثال 2

صنّف كلّاً من المثلثات الآتية وفقاً لزاواياه.



$\triangle ABD$ (4)

$\triangle BDC$ (5)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

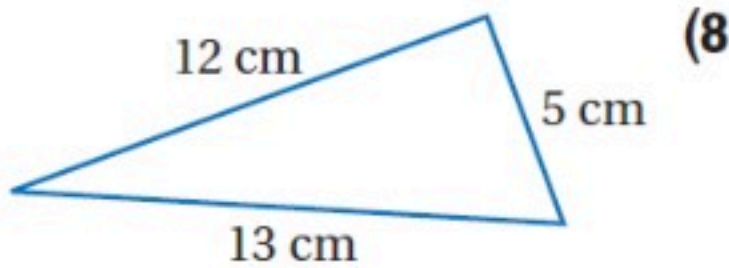
تصنيف المثلثات وفقاً لأضلاعها : يمكن كذلك تصنيف المثلثات بحسب عدد الأضلاع المتطابقة فيها. وللدلالة على تطابق ضلعين في مثلث، يوضع عدد متساوٍ من الشرطات الصغيرة على الضلعين المتطابقين.

أضف إلى مطوبتك	تصنيف المثلثات وفقاً لأضلاعها		مفهوم أساسي
مثلث مختلف الأضلاع	مثلث متطابق الضلعين	مثلث متطابق الأضلاع	
لا توجد أضلاع متطابقة	ضلعان على الأقل متطابقان	3 أضلاع متطابقة	

إن المثلث المتطابق الأضلاع حالة خاصة من المثلث المتطابق الضلعين.

مثال 3

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين وفقاً لأضلاعه.



.....

.....

.....

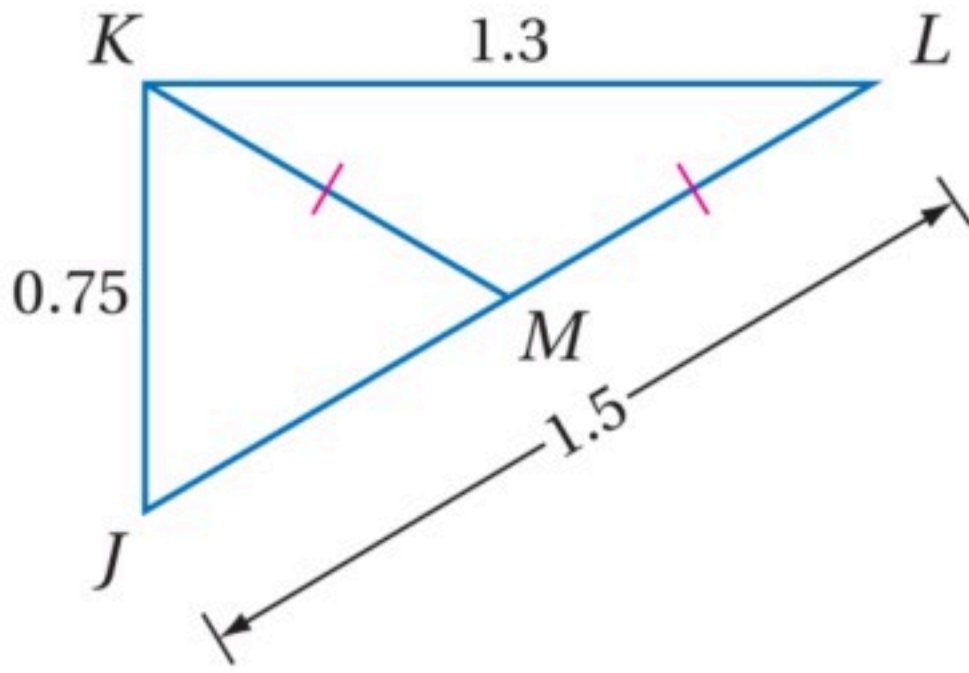
.....

.....

.....

مثال 4

صنّف $\triangle KML$ إلى متطابق الأضلاع أو متطابق الضلعين أو مختلف الأضلاع. ووضّح إجابتك.



.....

.....

.....

.....

.....

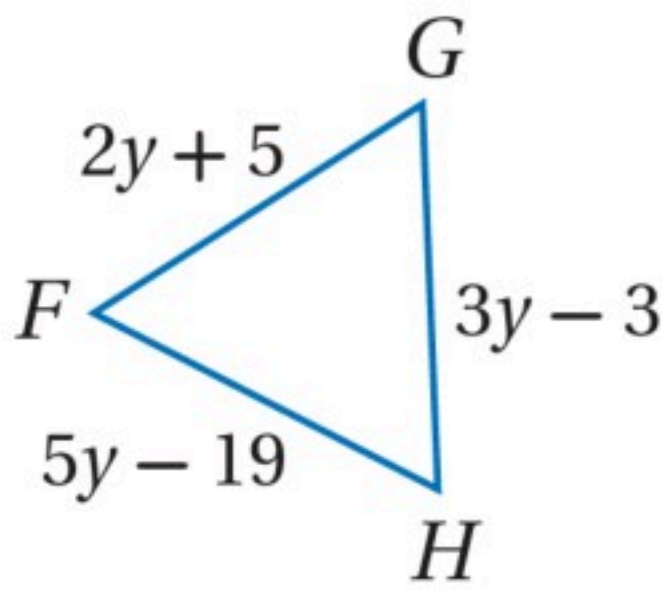
.....

.....

.....

مثال 5

اوجد قياسات أضلاع المثلث المتطابق الأضلاع FGH .



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

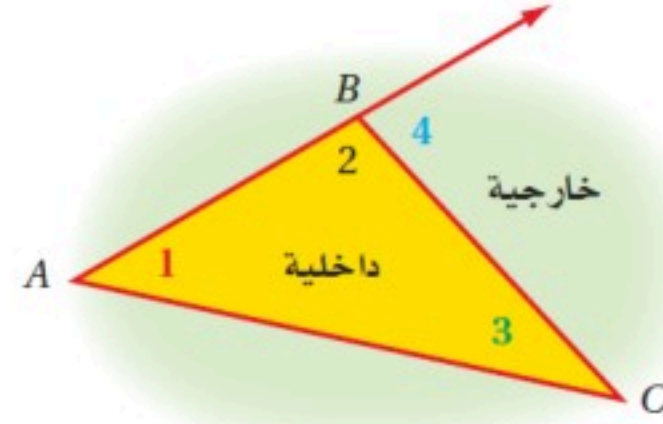


زوايا المثلثات

Angles of Trangles

نظرية الزاوية الخارجية للمثلث: بالإضافة إلى الزوايا الداخلية الثلاث، يمكن أن يكون للمثلث **زوايا خارجية** كلٌّ منها تتشكل من أحد أضلاع المثلث وامتداد ضلع مجاور له. ولكل زاوية خارجية **زاويتان داخليتان بعيدتان** غير متجاورتين لها.

$\angle 4$ زاوية خارجية لـ $\triangle ABC$ ،
وزاويتاها الداخليتان البعيدتان
هما $\angle 1$ ، $\angle 3$.



نظرية 3.2 **نظرية الزاوية الخارجية**

أضف إلى مطوبتك

قياس الزاوية الخارجية في مثلث يساوي مجموع قياسَي الزاويتين الداخليتين البعيدتين.

مثال: $m\angle A + m\angle B = m\angle 1$

في **البرهان التسلسلي** تُستعمل عبارات مكتوبة في مستطيلات، وأسهم تبين التسلسل المنطقي لهذه العبارات. ويكتب أسفل كل مستطيل السبب الذي يبرر العبارة المكتوبة داخله، ويمكنك برهنة نظرية الزاوية الخارجية باستعمال البرهان التسلسلي كما يأتي.

البرهان **نظرية الزاوية الخارجية**

المعطيات: $\triangle ABC$
المطلوب: $m\angle A + m\angle B = m\angle 1$

برهان تسلسلي:

```

    graph TD
      A["المعطيات:  $\triangle ABC$   
المطلوب:  $m\angle A + m\angle B = m\angle 1$ "] --> B[" $m\angle A + m\angle B + m\angle 2 = 180$   
نظرية مجموع زوايا المثلث"]
      A --> C[" $\angle 1, \angle 2$  زاويتان متجاورتان على مستقيم  
تعريف الزاويتين المتجاورتين على مستقيم"]
      C --> D[" $\angle 1, \angle 2$  متكاملتان  
الزاويتان المتجاورتان على مستقيم متكاملتان"]
      D --> E[" $m\angle 1 + m\angle 2 = 180$   
تعريف الزاويتين المتكاملتين"]
      B --> F[" $m\angle A + m\angle B + m\angle 2 = m\angle 1 + m\angle 2$   
بالتعويض"]
      E --> F
      F --> G[" $m\angle A + m\angle B = m\angle 1$   
بالطرح"]
  
```




المثلثات المتطابقة

Congruent triangles

3-3

التطابق والعناصر المتناظرة: إذا كان لشكلين هندسيين الشكل نفسه والقياسات نفسها فإنهما **متطابقان**.

غير متطابقة	متطابقة
<p>الشكلان 4, 5 لهما الشكل نفسه، لكنهما مختلفان في القياسات.</p>	<p>الأشكال 1, 2, 3 لها الشكل نفسه والقياسات نفسها، على الرغم من أنها في أوضاع مختلفة.</p>

في أيّ مضلعين متطابقين تتطابق **العناصر المتناظرة**، والعناصر المتناظرة تتضمن الزوايا والأضلاع.

أضف إلى **مطوبتك**

تعريف المضلعات المتطابقة

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: يتطابق مضلعان إذا وفقط إذا كانت عناصرهما المتناظرة متطابقة.

مثال:

الزوايا المتناظرة

$\angle C \cong \angle K$ $\angle B \cong \angle J$ $\angle A \cong \angle H$

الأضلاع المتناظرة

$\overline{CA} \cong \overline{KH}$ $\overline{BC} \cong \overline{JK}$ $\overline{AB} \cong \overline{HJ}$

عبارة التطابق

$\triangle ABC \cong \triangle HJK$

نموذج:

هناك عبارات تطابق أخرى للمثلثين أعلاه، وعبارات التطابق الصحيحة للمضلعات المتطابقة تظهر الرؤوس المتناظرة بالترتيب نفسه.



عبارة غير صحيحة

$\triangle ABC \cong \triangle HKJ$

عبارة صحيحة

$\triangle BCA \cong \triangle JKH$



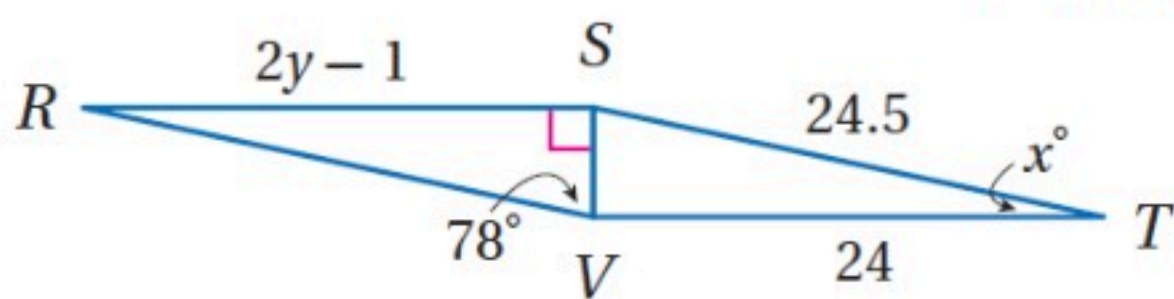
المثلثات المتطابقة

Congruent triangles

3-3

مثال 1

في الشكل المجاور إذا كان $\triangle RSV \cong \triangle TVS$ ،
فأوجد قيمة كل من x, y .



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

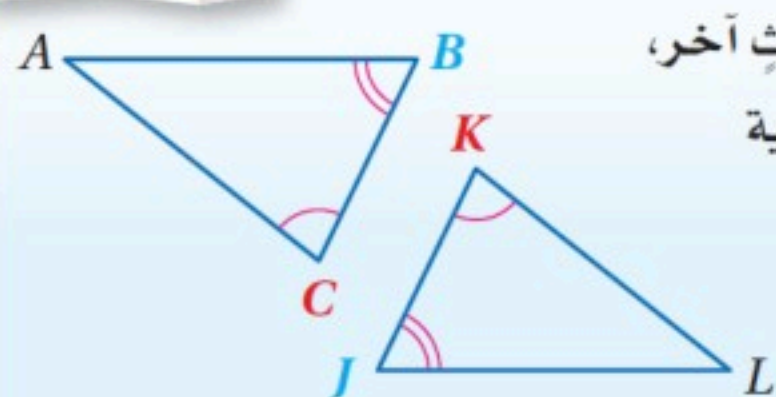
إثبات تطابق المثلثات إن نظرية مجموع قياسات زوايا المثلث التي تعلمتها في الدرس 2-3 تعود إلى نظرية أخرى حول الزوايا في مثلثين.

أضف إلى

مطويتك

نظرية الزاوية الثالثة

نظرية 3.3



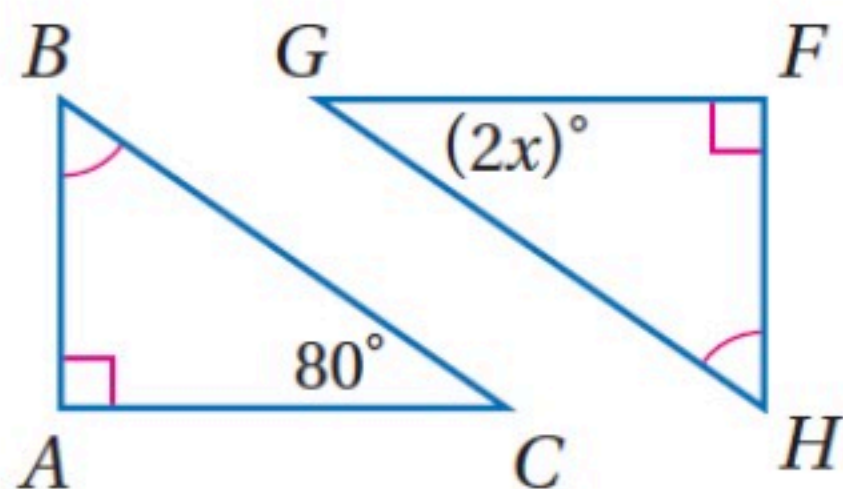
التعبير اللفظي: إذا تطابقت زاويتان في مثلث مع زاويتين في مثلث آخر، فإن الزاوية الثالثة في المثلث الأول تطابق الزاوية الثالثة في المثلث الثاني.

إذا كانت: $\angle C \cong \angle K, \angle B \cong \angle J$ ،
فإن: $\angle A \cong \angle L$.

مثال:

أوجد قيمة x ، وفسّر إجابتك.

مثال 1



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



المثلثات المتطابقة

Congruent triangles

3-3

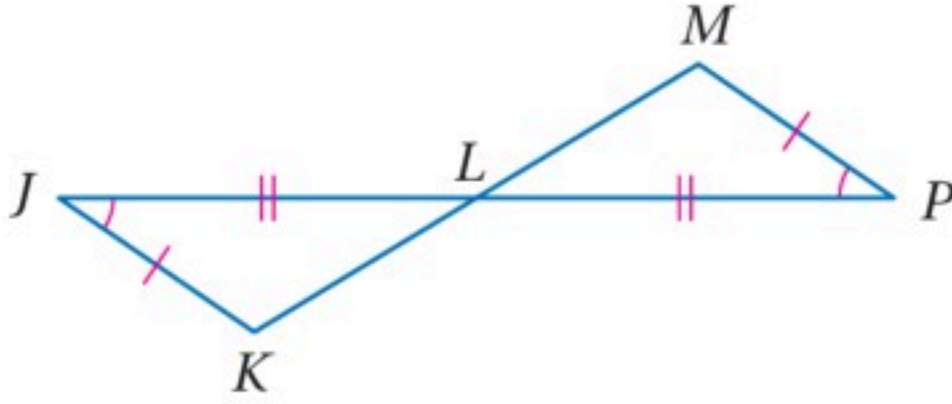
مثال 1

اكتب برهاناً ذا عمودين.

المعطيات: $\angle J \cong \angle P$, $\overline{JK} \cong \overline{PM}$

\overline{KM} تنصف L , $\overline{JL} \cong \overline{PL}$

المطلوب: $\triangle JLK \cong \triangle PLM$



المبررات	العبارات
	(1)
	(2)
	(3)
	(4)
	(5)
	(6)

علاقة تطابق المثلثات علاقة انعكاس وتمائل وتعدُّ كما في تطابق القطع المستقيمة والزوايا.

أضف إلى

مطوبتك

خصائص تطابق المثلثات

النظرية 3.4

خاصية الانعكاس للتطابق

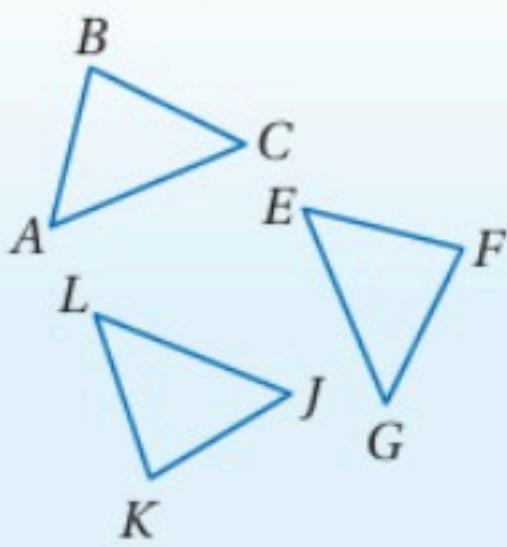
$$\triangle ABC \cong \triangle ABC$$

خاصية التماثل للتطابق

إذا كان $\triangle ABC \cong \triangle EFG$, فإن $\triangle EFG \cong \triangle ABC$.

خاصية التعدي للتطابق

إذا كان $\triangle ABC \cong \triangle EFG$, $\triangle EFG \cong \triangle JKL$, فإن $\triangle ABC \cong \triangle JKL$.





إثبات تطابق المثلثات SSS, SAS

Proving Triangles Congruent-SSS, SAS

أيُّ مثلثين يتكونان من زوجين من الأضلاع المتساوية في الطول وزاويتين محصورتين متساويتين في القياس يكونان متطابقين. وهذا يوضح المسلمة الآتية:

أضف إلى
مطوبتك

مسلمة 3.2

مسلمة التطابق: ضلعان وزاوية المحصورة بينهما (SAS)

التعبير اللفظي: إذا طابق ضلعان وزاوية محصورة بينهما في مثلث نظائرها في مثلث آخر، فإن المثلثين متطابقان.

مثال: إذا كان،

$$\overline{AB} \cong \overline{DE},$$

$$\angle B \cong \angle E,$$

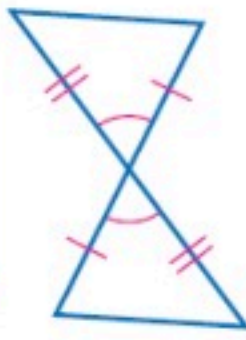
$$\overline{BC} \cong \overline{EF},$$

فإن $\triangle ABC \cong \triangle DEF$.

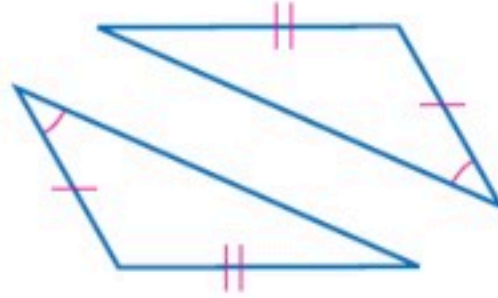
مثال 1

حدّد ما إذا كان المثلثان في كلّ من الأسئلة الآتية متطابقين أم لا. وضح إجابتك.

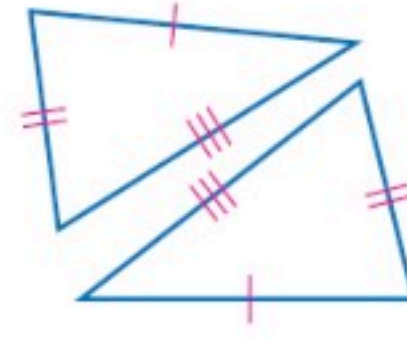
(15)



(14)



(13)



إرشادات للدراسة

تطابق ضلعين وزاوية غير محصورة بينهما في مثلث مع نظائرها في مثلث آخر، لا يكفي لإثبات أن المثلثين متطابقان.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



إثبات تطابق المثلثات ASA, AAS

Proving Triangles Congruent-ASA, AAS

إرشادات للدراسة

SSA تطابق ضلعين

وزاوية غير محصورة بينهما:

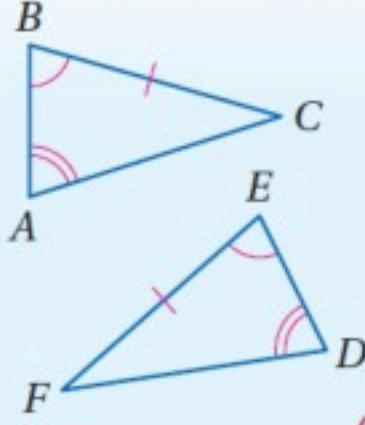
بالرغم من أن تطابق ضلعين وزاوية غير محصورة بينهما لا يكفي لإثبات أن المثلثين متطابقان؛ لكن تطابق زاويتين وضع سواءً أكان محصوراً بينهما أو غير محصور بينهما كاف لإثبات تطابق مثلثين.

أضف إلى

مطوبتك

التطابق بزائويتين وضع غير محصور بينهما (AAS)

إذا طبقت زاويتان وضع غير محصور بينهما في مثلث نظائرها في مثلث آخر يكون المثلثان متطابقين.



مثال إذا كانت، $\angle A \cong \angle D$,

$\angle B \cong \angle E$,

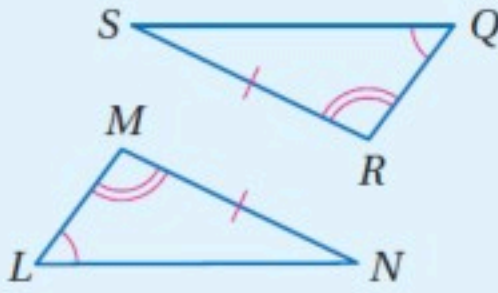
$\overline{BC} \cong \overline{EF}$,

فإن $\triangle ABC \cong \triangle DEF$.

نظرية 3.5

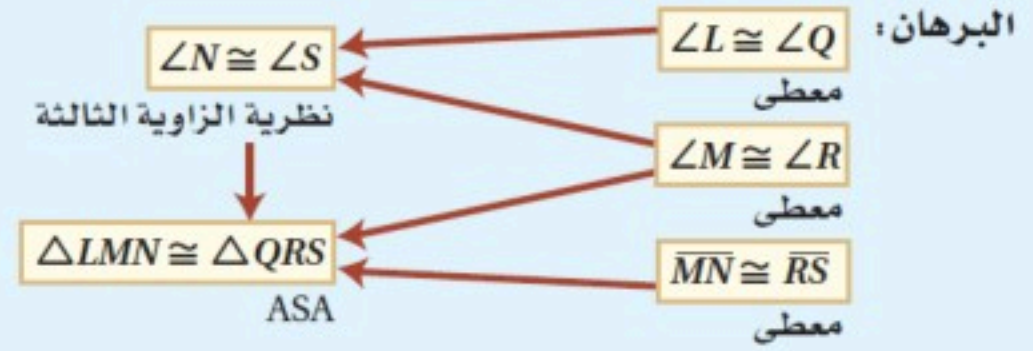
برهان

نظرية التطابق بزائويتين وضع غير محصور بينهما (AAS)



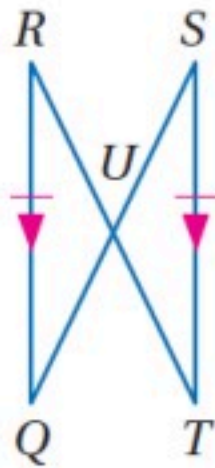
المعطيات: $\angle L \cong \angle Q$, $\angle M \cong \angle R$, $\overline{MN} \cong \overline{RS}$

المطلوب: $\triangle LMN \cong \triangle QRS$



مثال 1

(2) اكتب برهاناً تسلسلياً:



المعطيات: $\overline{RQ} \cong \overline{ST}$, $\overline{RQ} \parallel \overline{ST}$

المطلوب: $\triangle RUQ \cong \triangle TUS$

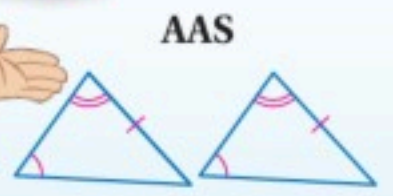


أضف إلى

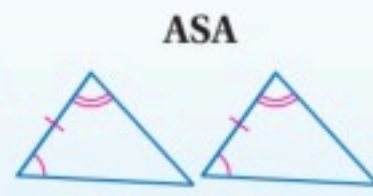
مطوبتك

إثبات تطابق المثلثات

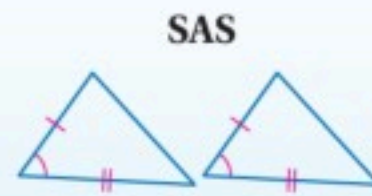
ملخص المفاهيم



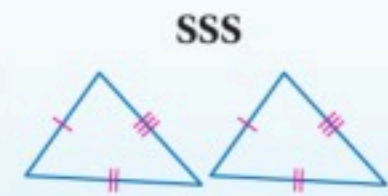
يتطابق مثلثان إذا طبقت زاويتان وضع غير محصور بينهما في المثلث الأول نظائرها في المثلث الآخر.



يتطابق مثلثان إذا طبقت زاويتان والضع المحصور بينهما في المثلث الأول نظائرها في المثلث الآخر.



يتطابق المثلثان إذا طبقت ضلعان والزاوية المحصورة بينهما في المثلث الأول نظائرها في المثلث الآخر.



يتطابق مثلثان إذا كانت أضلاعهما المتناظرة متطابقة.



المثلثات والبرهان الإحداثي

Triangles and Coordinate Proof

3-7

فيما سبق:

درست استعمال الهندسة
الإحداثية لبرهان تطابق
المثلثات.

(مهارة سابقة)

والآن:

- أرسم مثلثات، وأحدد مواقعها لاستعمالها في البرهان الإحداثي.
- أكتب برهاناً إحداثياً.

المفردات:

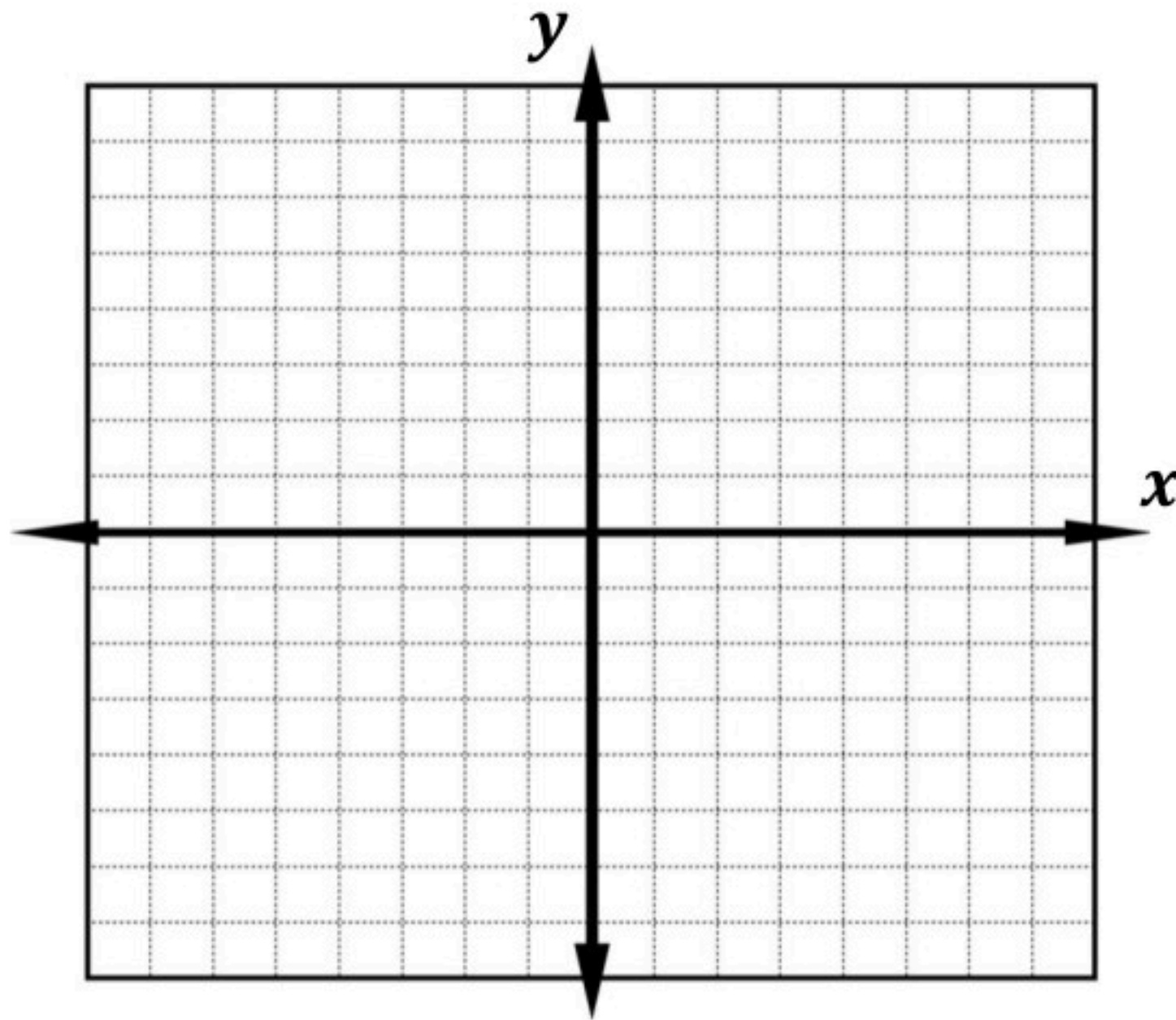
البرهان الإحداثي
coordinate proof

يستعمل

البرهان الإحداثي الأشكال في المستوى الإحداثي والجبر لإثبات صحة المفاهيم الهندسية. فالخطوة الأولى في البرهان الإحداثي هي تمثيل الشكل في المستوى الإحداثي.

مثال 1

ارسم المثلث JKL المتطابق الضلعين في المستوى الإحداثي وسم رؤوسه، على أن يكون طول قاعدته \overline{KL} يساوي a وحدة، ويكون ارتفاعه b وحدة، والرأس K يقع على المحور y .



العلاقات في المثلث

Relationships in Triangle

الفصل

4



المنصفات في المثلث

Bisectors of Triangle

فيما سبق:

درست منصف القطعة
المستقيمة ومنصف
الزاوية.

والآن:

- أتعرف الأعمدة المنصفة
في المثلثات وأستعملها.
- أتعرف منصفات الزوايا
في المثلثات وأستعملها.

المقرارات:

العمود المنصف

perpendicular bisector

المستقيمات المتلاقية

concurrent lines

نقطة التلاقي

point of concurrency

مركز الدائرة الخارجية

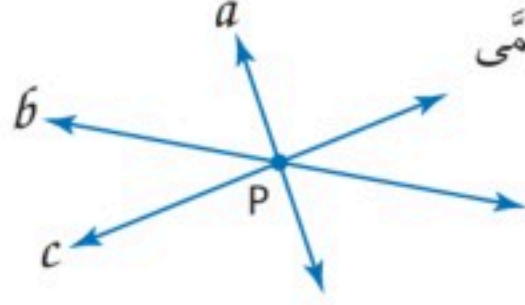
للمثلث

circumcenter

مركز الدائرة الداخلية

للمثلث

incenter



تتلاقى المستقيمات a, b, c
في النقطة P .

عندما تتقاطع ثلاثة مستقيمات أو أكثر في نقطة مشتركة، فإن هذه المستقيمات تُسمى
مستقيمات متلاقية. والنقطة التي تلتقي فيها المستقيمات تسمى **نقطة التلاقي**.
وبما أن لكل مثلث ثلاثة أضلاع، فإن له ثلاثة أعمدة منصفة. وهذه الأعمدة
المنصفة هي مستقيمات متلاقية. وتسمى نقطة تلاقي الأعمدة المنصفة
مركز الدائرة الخارجية للمثلث.

أضف إلى
مطويتك

نظرية 4.3

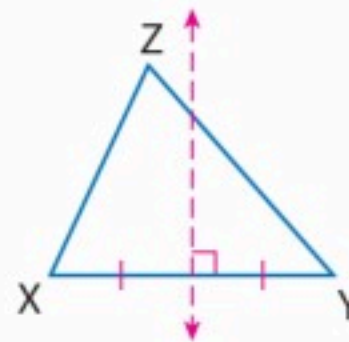
التعبير اللفظي: تلتقي الأعمدة المنصفة لأضلاع مثلث في نقطة تُسمى مركز
الدائرة الخارجية للمثلث، وهي دائرة تمر برؤوس المثلث،
وهي على أبعاد متساوية من الرؤوس.

مثال: إذا كانت P مركز الدائرة الخارجية للمثلث $\triangle ABC$ ،
فإن $PB = PA = PC$

إرشادات للدراسة

العمود المنصف

ليس من الضروري أن
يمر العمود المنصف
بضلع مثلث برأس
المثلث المقابل.
فمثلاً في $\triangle XYZ$ أدناه
العمود المنصف لـ \overline{XY}
لا يمرُّ بالرأس Z .





المتباينات في المثلث

Inequalities in One Triangle

متباينات الزوايا: تعلمت في الجبر المتباينة بوصفها علاقة بين عددين حقيقيين، وتُستعمل هذه العلاقة عادة في البراهين.

فيما سبق: درست العلاقة بين قياسات زوايا المثلث.

والآن:

- أعرف خصائص المتباينات، وأطبقها على قياسات زوايا المثلث.
- أطبق خصائص المتباينات على العلاقة بين زوايا مثلث وأضلاعه.

مفهوم أساسي

تعريف المتباينة

التعبير اللفظي لأي عددين حقيقيين مثل a, b يكون $a > b$ ، إذا وفقط إذا وُجدَ عدد حقيقي موجب c على أن يكون $a = b + c$

مثال: إذا كان $5 = 2 + 3$ ، فإن $5 > 2$

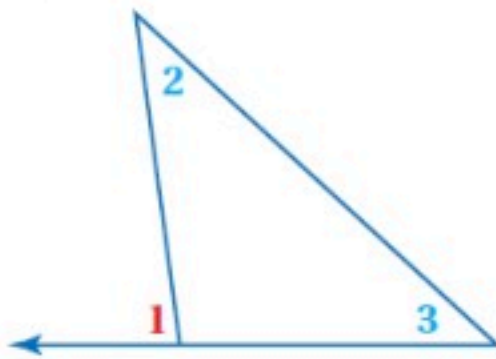
وفي الجدول أدناه قائمة ببعض خصائص المتباينات التي درستها.

مفهوم أساسي

خصائص المتباينة على الأعداد الحقيقية

الخصائص الآتية صحيحة لأي ثلاثة أعداد حقيقية a, b, c

خاصية المقارنة	$a > b$ أو $a = b$ أو $a < b$
خاصية التعدي	(1) إذا كان $a < b, b < c$ ، فإن $a < c$. (2) إذا كان $a > b, b > c$ ، فإن $a > c$.
خاصية الجمع	(1) إذا كان $a > b$ ، فإن $a + c > b + c$. (2) إذا كان $a < b$ ، فإن $a + c < b + c$.
خاصية الطرح	(1) إذا كان $a > b$ ، فإن $a - c > b - c$. (2) إذا كان $a < b$ ، فإن $a - c < b - c$.



يمكن أن يطبق تعريف المتباينة وخصائصها على قياسات الزوايا وأطوال القطع المستقيمة؛ لأنها أعداد حقيقية.

تأمل $\angle 1, \angle 2, \angle 3$ في الشكل المجاور.

من نظرية الزاوية الخارجية، تعلم أن $m\angle 1 = m\angle 2 + m\angle 3$

وبما أن قياسات الزوايا أعداد موجبة، إذن نستنتج أن:

$$m\angle 1 > m\angle 2 \quad \text{و} \quad m\angle 1 > m\angle 3$$

وهذه النتيجة تقود إلى النظرية الآتية:

مراجعة المضردات

الزاويتان الداخليتان البعیدتان لكل زاوية خارجية تمثلت زاويتان داخليتان بعیدتان وهما الزاويتان غير المجاورتين لها.

نظرية 4.8

متباينة الزاوية الخارجية

قياس الزاوية الخارجية لمثلث أكبر من قياس أي من الزاويتين الداخليتين البعیدتين عنها.

مثال: $m\angle 1 > m\angle A$
 $m\angle 1 > m\angle B$

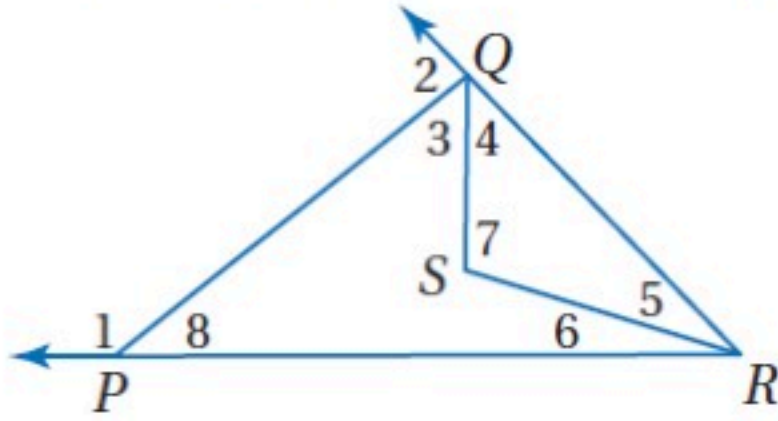


المتباينات في المثلث

Inequalities in One Triangle

مثال 1

استعمل نظرية متباينة الزاوية الخارجية؛ لكتابة جميع الزوايا المرقمة التي تحقق الشرط المُعطى في كلِّ مما يأتي:



(1A) قياساتها أقل من $m\angle 1$

(1B) قياساتها أكبر من $m\angle 8$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

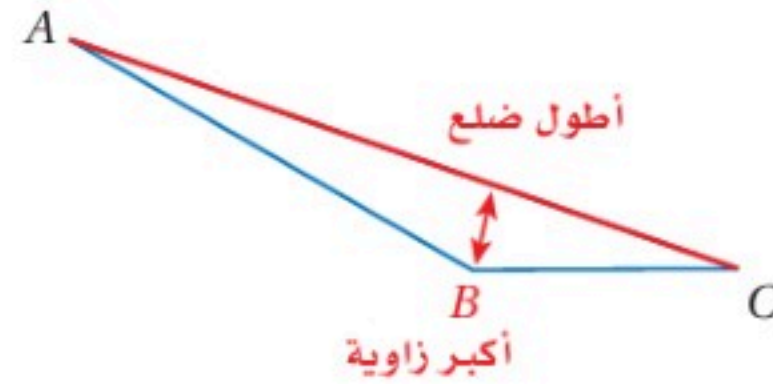
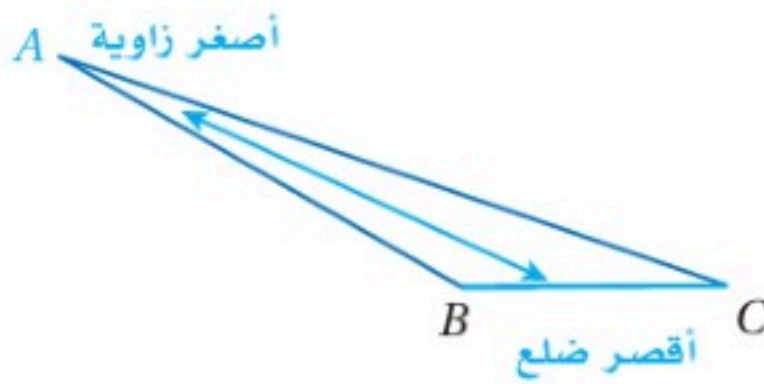
.....

تنبيه !

تحديد الضلع المقابل

انتبه عند تحديد الضلع المقابل لزاوية بصورة صحيحة، فالضلعان اللذان يشكلان الزاوية لا يمكن أن يكون أحدهما مقابلًا لها.

العلاقات بين زوايا المثلث وأضلاعه: في الدرس 3-6، تعلمت أنه إذا تطابق ضلعان في مثلث، فإن الزاويتين المقابلتين لهذين الضلعين متطابقتان. ولكن كيف تكون العلاقة إذا كان الضلعان غير متطابقين. وللإجابة عن هذا السؤال، افحص أطول الأضلاع وأقصرها وأصغر الزوايا وأكبرها لمثلث منفرج الزاوية ومختلف الأضلاع.



لاحظ أن أطول ضلع في $\triangle ABC$ يقابل أكبر زاوية، وبالمثل فإن أقصر ضلع يقابل أصغر زاوية أيضًا.



المتباينات في المثلث

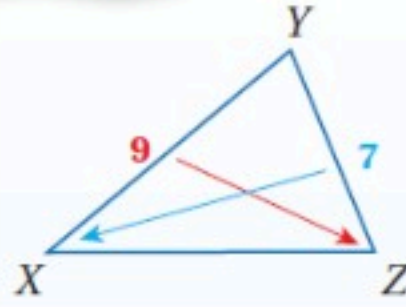
Inequalities in One Triangle

نظريتان

العلاقات بين زوايا المثلث وأضلاعه

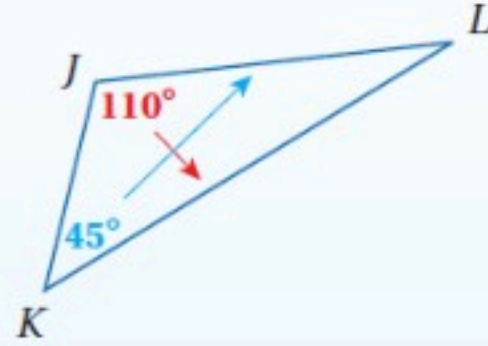
أضف إلى
مطويتك

4.9 متباينة ضلع-زاوية: إذا كان أحد أضلاع مثلث أطول من ضلع آخر، فإن قياس الزاوية المقابلة للضلع الأطول يكون أكبر من قياس الزاوية المقابلة للضلع الأقصر.



مثال بما أن $XY > YZ$ ، فإن $m\angle Z > m\angle X$.

4.10 متباينة زاوية-ضلع: إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث أكبر من قياس زاوية أخرى، فإن الضلع المقابل للزاوية الكبرى يكون أطول من الضلع المقابل للزاوية الصغرى.



مثال بما أن $m\angle J > m\angle K$ ، فإن $KL > JL$.

برهان النظرية 4.9

المعطيات: $\triangle ABC$ ، فيه $AB > BC$.

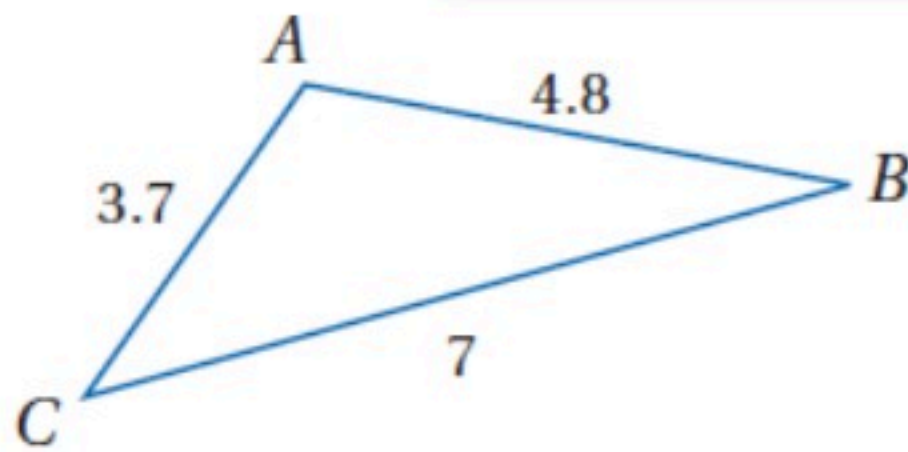
المطلوب: $m\angle BCA > m\angle A$.

البرهان:

بما أن $AB > BC$ في $\triangle ABC$ ، فإنه توجد نقطة D على \overline{AB} بحيث $BD = BC$ ؛ لذا ارسم \overline{CD} لتشكّل $\triangle BCD$ المتطابق الضلعين، وبناءً على نظرية المثلث المتطابق الضلعين تكون $\angle 1 \cong \angle 2$ ، واستنادًا إلى تعريف تطابق الزوايا يكون $m\angle 1 = m\angle 2$.

واعتمادًا على مسلمة جمع قياسات الزوايا يكون $m\angle BCA = m\angle 2 + m\angle 3$ ، إذن $m\angle BCA > m\angle 2$ بحسب تعريف المتباينة. وبالتعويض ينتج أن $m\angle BCA > m\angle 1$.

وبناءً على نظرية متباينة الزاوية الخارجيّة يكون $m\angle 1 > m\angle A$. وبما أن $m\angle BCA > m\angle 1$ ، $m\angle 1 > m\angle A$ ، فإن $m\angle BCA > m\angle A$ بحسب خاصية التعدي للمتباينة.



مثال 1

(2) اكتب زوايا $\triangle ABC$ مرتبة من الأصغر إلى الأكبر.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

تنبيه!
رمز الزاوية
والمتباينة
يبدو رمز الزاوية (\angle)
مشابهًا لرمز أقل من
($<$)، وخاصة عند
الكتابة باليد؛ لذا كن
دقيقًا في كتابة الرموز
بصورة صحيحة عندما
يُستعمل الرمزان معًا.

الأشكال الرباعية
Quadrilaterals

الفصل
5

زوايا المضلع

Angles of Polygon

رابطه الدرس الرقمي



www.ien.edu.sa

قيما سبق:

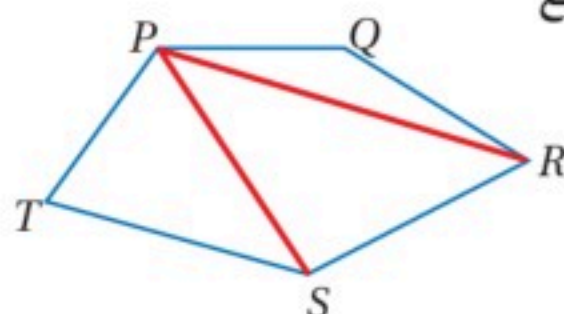
درست أسماء المضلعات وتصنيفها.
(مهارة سابقة)

والآن:

- أجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع، وأستعمله.
- أجد مجموع قياسات الزوايا الخارجية لمضلع، وأستعمله.

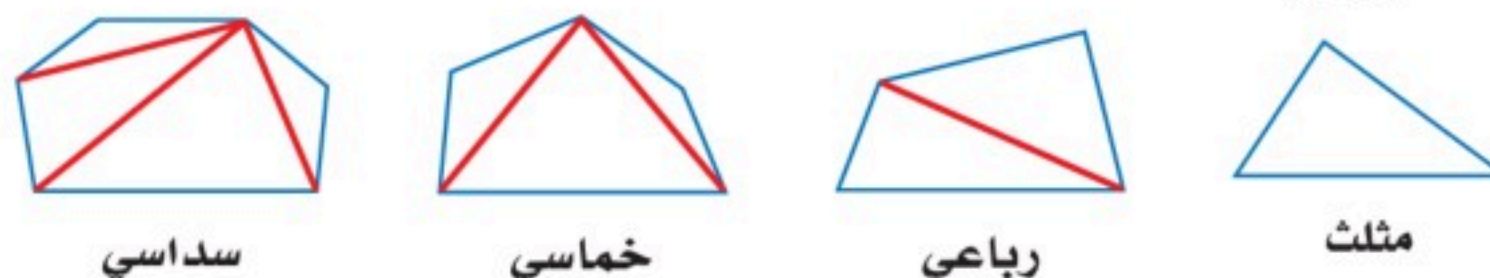
المفردات:

القطر
diagonal



مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع:
قطر المضلع هو قطعة مستقيمة تصل بين أي رأسين غير متتاليين فيه. رأسا المضلع $PQRST$ غير التالين للرأس P هما: R, S .
لذا فالمضلع $PQRST$ له قطران من الرأس P هما: $\overline{PR}, \overline{PS}$.
لاحظ أن هذين القطرين يقسمان الشكل الخماسي إلى ثلاثة مثلثات.

مجموع قياسات زوايا المضلع يساوي مجموع قياسات زوايا المثلثات التي تتشكل عند رسم جميع الأقطار الممكنة من أحد الرؤوس.



بما أن مجموع قياسات زوايا المثلث 180° ، فإنه يمكننا إنشاء جدول والبحث عن نمط لإيجاد مجموع قياسات زوايا أي مضلع محدب.

المضلع	عدد الأضلاع	عدد المثلثات	مجموع قياسات الزوايا الداخلية
مثلث	3	1	$180^\circ (1) = 180^\circ$
رباعي	4	2	$180^\circ (2) = 360^\circ$
خماسي	5	3	$180^\circ (3) = 540^\circ$
سداسي	6	4	$180^\circ (4) = 720^\circ$
ذو n من الأضلاع	n	$n - 2$	$180^\circ (n - 2)$

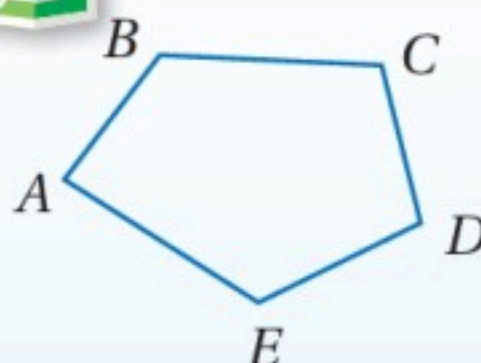
وهذا يقودنا إلى النظرية الآتية:

نظرية 5.1

مجموع قياسات الزوايا الداخلية للمضلع

مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع محدب
عدد أضلاعه n يساوي $S = (n - 2) \cdot 180^\circ$.

مثال:



$$m\angle A + m\angle B + m\angle C + m\angle D + m\angle E = (5 - 2) \cdot 180^\circ = 540^\circ$$

مراجعة المفردات

المضلع:

هو شكل مغلق، يتكون من ثلاث قطع مستقيمة أو أكثر، تلتقي كل قطعة بطرفي قطعتين أخريين من المضلع، ولا تقع أي قطعتين منها على استقامة واحدة، وتكون رؤوس المضلع هي أطراف القطع المستقيمة فيه.

مراجعة المفردات

الزاوية الداخلية:

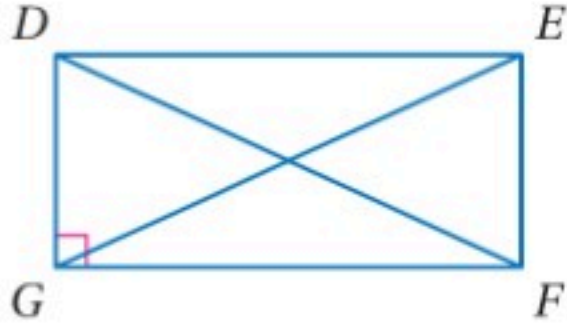
هي الزاوية المحصورة بين ضلعين متجاورين في مضلع وتقع داخله.

أضف إلى

مطويتك



مثال 1



جبر: استعن بالمستطيل $DEFG$ المبيّن جانبًا.

(5) إذا كان $EG = x + 5$ ، $FD = 3x - 7$ ، فأوجد EG .

(6) إذا كان $m\angle DFG = (x + 12)^\circ$ ، $m\angle EFD = (2x - 3)^\circ$ ، فأوجد $m\angle EFD$.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

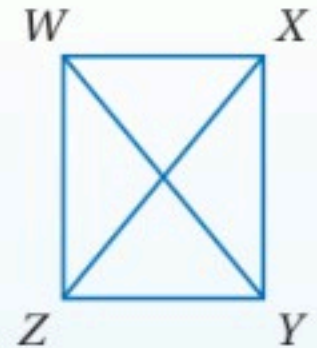
.....

.....

إثبات أن متوازي أضلاع يكون مستطيلًا: عكس النظرية 5.13 صحيح أيضًا.

نظرية 5.14

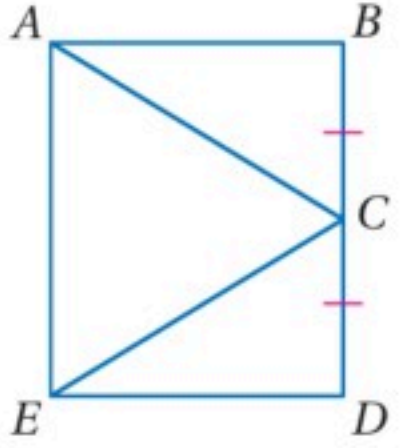
أضف إلى مطويتك



إذا كان قطرا متوازي أضلاع متطابقين فإنه مستطيل.

مثال: في $\square WXYZ$ ، إذا كان $\overline{WY} \cong \overline{XZ}$ ، فإن $\square WXYZ$ مستطيل.

مثال 1



(7) **برهان:** إذا كان $ABDE$ مستطيلًا، و $BC \cong DC$ ، فأثبت أن $AC \cong EC$.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

المعين والمربع

Rhombus and Square

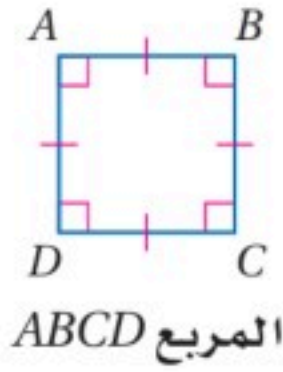
رابط الدرس الرقمي



www.ien.edu.sa

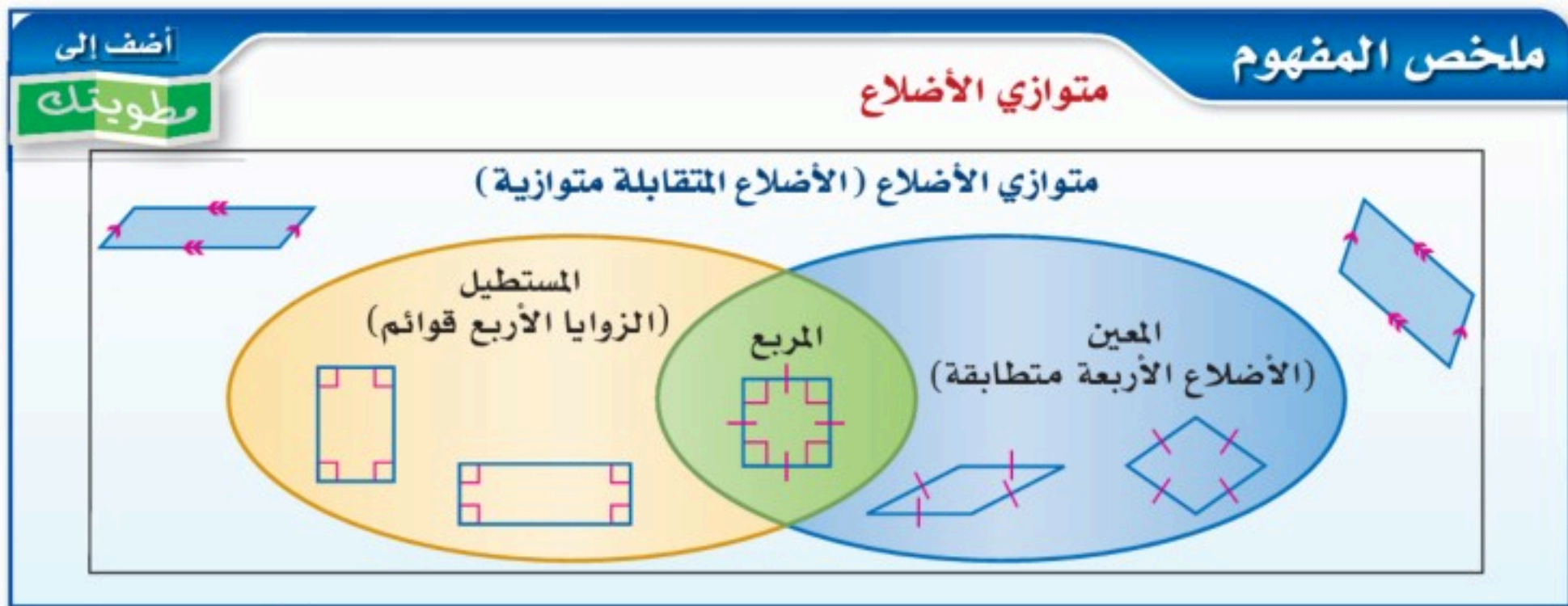
إرشادات للدراسة

المربع والمعين،
كل مربع معين، ولكن
ليس كل معين مربعاً،
وكل مربع مستطيل
وليس كل مستطيل
مربعاً.



المربع هو متوازي أضلاع جميع أضلاعه متطابقة وجميع زواياه قوائم. تذكر أن متوازي الأضلاع الذي زواياه الأربع قوائم يكون مستطيلاً، ومتوازي الأضلاع الذي أضلاعه الأربعة متطابقة يكون معيناً؛ لذا فعندما يكون متوازي الأضلاع معيناً وإحدى زواياه قائمة فإنه يكون مربعاً أيضاً، وعليه فإن المربع هو متوازي أضلاع ومستطيل معين.

ويخلص شكل فن الآتي العلاقة بين متوازي الأضلاع والمعين والمربع والمستطيل.



إثبات أن الشكل الرباعي معين أو مربع: تُحدّد النظريات الآتية الشروط الكافية للمعين والمربع.

نظريات

الشروط الكافية للمعين والمربع

5.17 إذا كان قطرا متوازي أضلاع متعامدين فإنه معين. (عكس النظرية 5.15)

مثال: إذا كان متوازي أضلاع $JKLM$ ، وكان $\overline{JL} \perp \overline{KM}$ ، فإن $\square JKLM$ معين.

5.18 إذا نصّف قطر متوازي أضلاع كلاً من الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما، فإن متوازي الأضلاع يكون معيناً. (عكس النظرية 5.16)

مثال: إذا كان متوازي أضلاع $WXYZ$ ، وكانت $\angle 1 \cong \angle 2$ ، $\angle 3 \cong \angle 4$ ، أو $\angle 5 \cong \angle 6$ ، $\angle 7 \cong \angle 8$ ، فإن $\square WXYZ$ معين.

5.19 إذا كان ضلعان متتاليان في متوازي الأضلاع متطابقين فإنه معين.

مثال: إذا كان متوازي أضلاع $ABCD$ ، وكان $\overline{AB} \cong \overline{BC}$ ، فإن $\square ABCD$ معين.

5.20 إذا كان الشكل الرباعي مستطيلاً ومعيناً فإنه مربع.



شبه المنحرف وشكل الطائرة الورقية

Trapezoid and Kite

فيما سبق:

درست استعمال خصائص أنواع خاصة من متوازي الأضلاع.
(الدرس 5-5)

والآن:

- تعرف خصائص شبه المنحرف وأطبقتها.
- تعرف خصائص شكل الطائرة الورقية وأطبقتها.

المقرارات:

شبه المنحرف

trapezoid

قاعدتا شبه المنحرف

bases

ساقا شبه المنحرف

legs of a trapezoid

زاويتا القاعدة

base angles

شبه المنحرف

المتطابق الساقين

isosceles trapezoid

القطعة المتوسطة

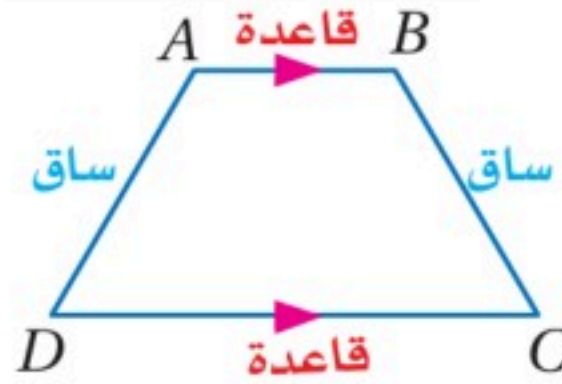
شبه المنحرف

midsegment of a trapezoid

شكل الطائرة الورقية

kite

خصائص شبه المنحرف: شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان فقط متوازيان يُسميان **قاعدتي شبه المنحرف**. ويُسمى الضلعان غير المتوازيين **ساقا شبه المنحرف**. و **زاويتا القاعدة** مكوّن كل منهما من قاعدة وأحد ضلعي الساقين. ففي شبه المنحرف $ABCD$ المبيّن جانبًا، $\angle A, \angle B$ زاويتا القاعدة \overline{AB} ، وكذلك $\angle C, \angle D$ زاويتا القاعدة \overline{DC} .
إذا كان ساقا شبه المنحرف متطابقين فإنه يسمى **شبه منحرف متطابق الساقين**.

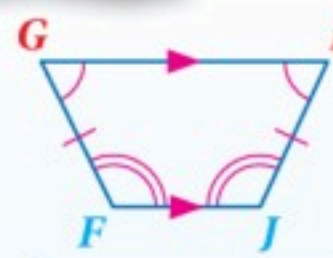


أضف إلى

مطوبتك

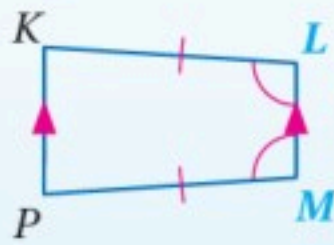
نظريات

شبه المنحرف المتطابق الساقين



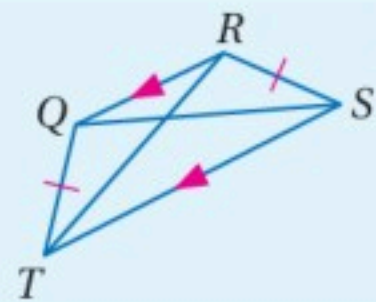
5.21 إذا كان شبه المنحرف متطابق الساقين، فإن زاويتي كل قاعدة متطابقتان.

مثال: إذا كان شبه المنحرف $FGHI$ متطابق الساقين، فإن $\angle G \cong \angle H, \angle F \cong \angle I$.



5.22 إذا كانت زاويتا قاعدة في شبه المنحرف متطابقتين، فإنه متطابق الساقين.

مثال: إذا كان $KLMP$ شبه منحرف، فيه $\angle L \cong \angle M$ فإنه متطابق الساقين.



5.23 يكون شبه المنحرف متطابق الساقين، إذا وفقط إذا كان قطراه متطابقين.

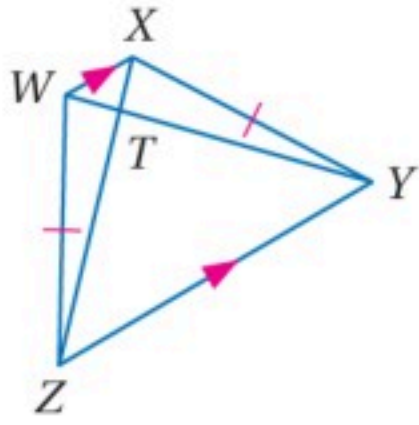
مثال: إذا كان شبه المنحرف $QRST$ متطابق الساقين، فإن $\overline{QS} \cong \overline{RT}$. وكذلك إذا كان $QRST$ شبه منحرف، فيه $\overline{QS} \cong \overline{RT}$ فإنه متطابق الساقين.



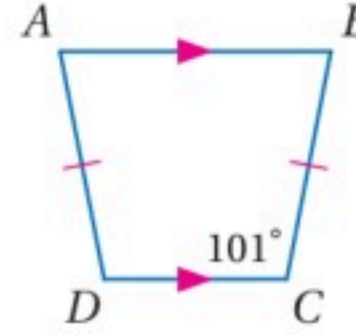
شبه المنحرف وشكل الطائرة الورقية Trapezoid and Kite

مثال 1

أوجد القياس المطلوب في كل من السؤالين الآتيين:



(2) WT ، إذا كان:
 $ZX = 20, TY = 15$



(1) $m\angle D$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

القطعة المتوسطة لشبه المنحرف هي قطعة مستقيمة تصل بين منتصفي ساقيه. وتبين النظرية الآتية العلاقة بين القطعة المتوسطة وقاعدتي شبه المنحرف.

قراءة الرياضيات

القطعة المتوسطة،
تسمى القطعة
المتوسطة لشبه
المنحرف أيضاً القطعة
المنصفة.

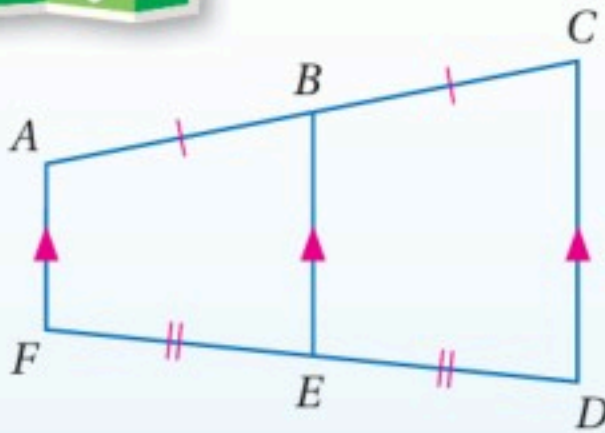


أضف إلى

مطويتك

نظرية 5.24 القطعة المتوسطة لشبه المنحرف

نظرية 5.24



القطعة المتوسطة لشبه المنحرف توازي كلاً من القاعدتين، وطولها يساوي نصف مجموع طولي القاعدتين.

مثال: إذا كانت \overline{BE} قطعة متوسطة لشبه المنحرف $ACDF$ ،
فإن $\overline{AF} \parallel \overline{BE}$ ، $\overline{CD} \parallel \overline{BE}$
 $BE = \frac{1}{2}(AF + CD)$

